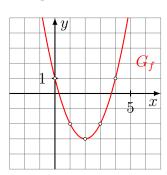
Transformation von Funktionen

Lösungen+

Prüfungsvorbereitung 2

Aufgabe 1



Normal parabel: $y = x^2$

Verschieben: $x \to (x-2)$

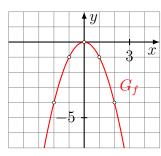
$$y \to (y+3)$$

Gleichung: $y + 3 = (x - 2)^2$

$$y = (x - 2)^2 - 3$$

$$y = x^2 - 4x + 1$$

Aufgabe 2



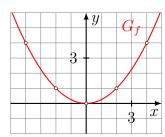
Normal parabel: $y = x^2$

Spiegeln an x-Achse: $y \to -y$

Gleichung: $-y = x^2$

$$y = -x^2$$

Aufgabe 3



Normalparabel: $y = x^2$

Strecken mit 2 in x-Richtung:

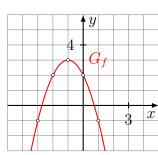
 $x \to \frac{1}{2}x$

Gleichung: $y = \left(\frac{1}{2}x\right)^2 = \frac{1}{4}x^2$

oder in y-Richtung mit Faktor $\frac{1}{4}$:

$$4y = x^2 \implies y = \frac{1}{4}x^2$$

${\bf Aufgabe}~{\bf 4}$



Normalparabel: $y = x^2$

Spiegeln an y-Achse: y = -x

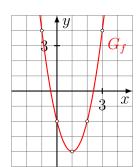
Verschieben:

$$(y-3) = -(x+1)^2$$

$$y = -(x^2 + 2x + 1) + 3$$

$$y = -x^2 - 2x + 2$$

Aufgabe 5



Normal parabel: $y = x^2$

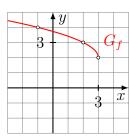
Strecken mit 2 in y-Richtung:

$$\tfrac{1}{2}y = x^2$$

Verschieben:

$$\frac{1}{2}(y+4) = (x-1)^2$$
$$y+4 = 2(x^2 - 2x + 1)$$
$$y = 2x^2 - 4x - 2$$

Aufgabe 6



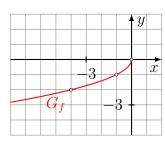
Quadratwurzelfunktion: $y = \sqrt{x}$

Spiegeln an y-Achse: $y = \sqrt{-x}$

Verschieben:

$$y - 2 = \sqrt{-(x - 3)}$$
$$y = \sqrt{-x + 3} + 2$$

Aufgabe 7



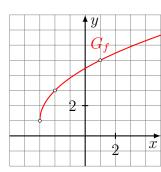
Quadratwurzelfunktion: $y = \sqrt{x}$

Spiegeln an y-Achse: $y = \sqrt{-x}$

Spiegeln an x-Achse: $-y = \sqrt{-x}$

 $y = -\sqrt{-x}$

${\bf Aufgabe~8}$



Quadratwurzelfunktion: $y = \sqrt{x}$

Strecken mit 2 in y-Richt.: $\frac{1}{2}y = \sqrt{x}$

Verschieben:

$$\frac{1}{2}(y-1) = \sqrt{x+3}$$
$$y-1 = 2\sqrt{x+3}$$
$$y = 2\sqrt{x+3} + 1$$