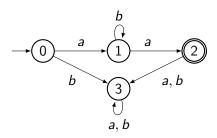
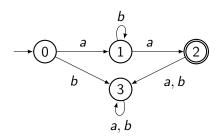
Endliche Automaten Prüfungsvorbereitung

Beantworte die folgenden Fragen zum folgenden DFA:

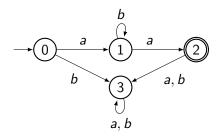


- (a) Gib die formale Beschreibung $(\Sigma, Q, q_0, F, \delta)$ des DFA an.
- (b) Welche der folgenden Eingaben werden vom DFA akzeptiert?
 - **▶** €
 - ab
 - abbbba
 - bab
- (c) Beschreibe informell die vom DFA akzeptierte Sprache.

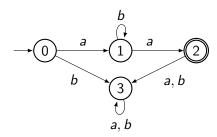




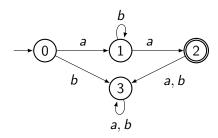
(a)
$$\Sigma = \{a, b\}$$
,



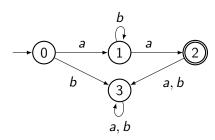
(a)
$$\Sigma = \{a, b\}, Q = \{0, 1, 2, 3\},$$



(a)
$$\Sigma = \{a, b\}$$
, $Q = \{0, 1, 2, 3\}$, $q_0 = 0$,

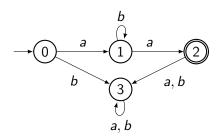


(a)
$$\Sigma = \{a, b\}$$
, $Q = \{0, 1, 2, 3\}$, $q_0 = 0$, $F = \{2\}$



(a)
$$\Sigma = \{a, b\}, Q = \{0, 1, 2, 3\}, q_0 = 0, F = \{2\}$$

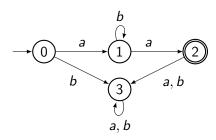
 $\delta(0, a) = 1$ $\delta(1, a) = 2$ $\delta(2, a) = 3$ $\delta(3, a) = 3$
 $\delta(0, b) = 3$ $\delta(1, b) = 1$ $\delta(2, b) = 3$ $\delta(3, b) = 3$



(a)
$$\Sigma = \{a, b\}, Q = \{0, 1, 2, 3\}, q_0 = 0, F = \{2\}$$

 $\delta(0, a) = 1$ $\delta(1, a) = 2$ $\delta(2, a) = 3$ $\delta(3, a) = 3$
 $\delta(0, b) = 3$ $\delta(1, b) = 1$ $\delta(2, b) = 3$ $\delta(3, b) = 3$

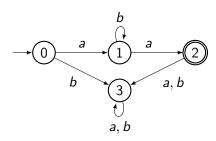
(b) ε (false),



(a)
$$\Sigma = \{a, b\}, \ Q = \{0, 1, 2, 3\}, \ q_0 = 0, \ F = \{2\}$$

 $\delta(0, a) = 1 \quad \delta(1, a) = 2 \quad \delta(2, a) = 3 \quad \delta(3, a) = 3$
 $\delta(0, b) = 3 \quad \delta(1, b) = 1 \quad \delta(2, b) = 3 \quad \delta(3, b) = 3$

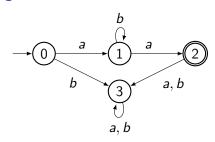
(b) ε (false), ab (false),



(a)
$$\Sigma = \{a, b\}, \ Q = \{0, 1, 2, 3\}, \ q_0 = 0, \ F = \{2\}$$

 $\delta(0, a) = 1$ $\delta(1, a) = 2$ $\delta(2, a) = 3$ $\delta(3, a) = 3$
 $\delta(0, b) = 3$ $\delta(1, b) = 1$ $\delta(2, b) = 3$ $\delta(3, b) = 3$

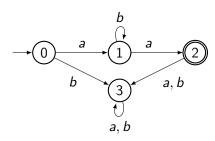
(b) ε (false), ab (false), abbbba (true),



(a)
$$\Sigma = \{a, b\}, \ Q = \{0, 1, 2, 3\}, \ q_0 = 0, \ F = \{2\}$$

 $\delta(0, a) = 1$ $\delta(1, a) = 2$ $\delta(2, a) = 3$ $\delta(3, a) = 3$
 $\delta(0, b) = 3$ $\delta(1, b) = 1$ $\delta(2, b) = 3$ $\delta(3, b) = 3$

(b) ε (false), ab (false), abbbba (true), bab (false)

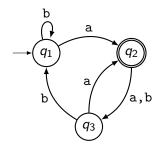


(a)
$$\Sigma = \{a, b\}, \ Q = \{0, 1, 2, 3\}, \ q_0 = 0, \ F = \{2\}$$

 $\delta(0, a) = 1$ $\delta(1, a) = 2$ $\delta(2, a) = 3$ $\delta(3, a) = 3$
 $\delta(0, b) = 3$ $\delta(1, b) = 1$ $\delta(2, b) = 3$ $\delta(3, b) = 3$

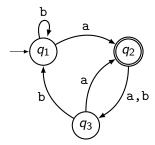
- (b) ε (false), ab (false), abbbba (true), bab (false)
- (c) Das Zeichen *a*, gefolgt von 0, 1, 2, ... Zeichen *b*, gefolgt von einem Zeichen *a*.

Beantworte die Fragen zum folgenden DFA in graphischer Darstellung.

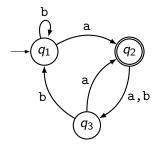


- (a) Welches ist der Startzustand?
- (b) Welches ist die Menge der akzeptierenden Zustände?
- (c) Welche Folge von Zuständen durchläuft der DFA beim Lesen des Wortes aabb?
- (d) Akzeptiert der Automat das leere Wort?

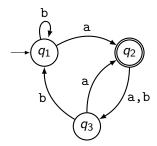




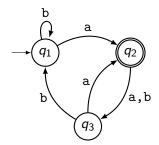
(a) Startzustand:



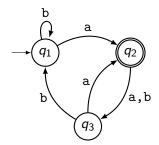
(a) Startzustand: q_1



- (a) Startzustand: q_1
- (b) Menge der akzeptierenden Zustände:

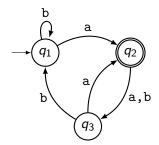


- (a) Startzustand: q_1
- (b) Menge der akzeptierenden Zustände: $F = \{q_2\}$
- (c) Welche Folge von Zuständen durchläuft der DFA beim Lesen des Wortes aabb?



- (a) Startzustand: q_1
- (b) Menge der akzeptierenden Zustände: $F = \{q_2\}$
- (c) Welche Folge von Zuständen durchläuft der DFA beim Lesen des Wortes aabb?

$$q_1 \stackrel{\mathtt{a}}{ o} q_2 \stackrel{\mathtt{a}}{ o} q_3 \stackrel{\mathtt{b}}{ o} q_1 \stackrel{\mathtt{b}}{ o} q_1$$

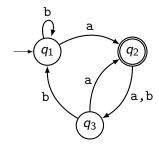


- (a) Startzustand: q_1
- (b) Menge der akzeptierenden Zustände: $F = \{q_2\}$
- (c) Welche Folge von Zuständen durchläuft der DFA beim Lesen des Wortes aabb?

$$q_1 \stackrel{\mathtt{a}}{ o} q_2 \stackrel{\mathtt{a}}{ o} q_3 \stackrel{\mathtt{b}}{ o} q_1 \stackrel{\mathtt{b}}{ o} q_1$$

(d) Akzeptiert der Automat das leere Wort?





- (a) Startzustand: q_1
- (b) Menge der akzeptierenden Zustände: $F = \{q_2\}$
- (c) Welche Folge von Zuständen durchläuft der DFA beim Lesen des Wortes aabb?

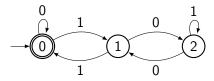
$$q_1 \stackrel{\mathtt{a}}{ o} q_2 \stackrel{\mathtt{a}}{ o} q_3 \stackrel{\mathtt{b}}{ o} q_1 \stackrel{\mathtt{b}}{ o} q_1$$

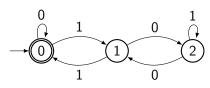
(d) Akzeptiert der Automat das leere Wort?

Nein, da q_1 kein akzeptierender Zustand ist.

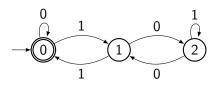


Wandle die Zahlen 0, 1, ..., 15 in ihre Binärdarstellung um und prüfe, welche davon vom unten abgebildeten DFA akzeptiert werden. Finde aufgrund dieser Ergebnisse, eine informelle Beschreibung welche (Binär)Zahlen dieser Automaten akzeptiert.





dec	bin	akzeptiert	dec	bin	akzeptiert
0	0	ja	8	1000	nein
1	1	nein	9	1001	ja
2	10	nein	10	1010	nein
3	11	ja	11	1011	nein
4	100	nein	12	1100	ja
5	101	nein	13	1101	nein
6	110	ja	14	1110	nein
7	111	nein	15	1111	ja

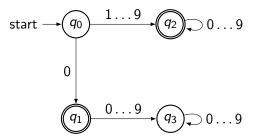


dec	bin	akzeptiert	dec	bin	akzeptiert
0	0	ja	8	1000	nein
1	1	nein	9	1001	ja
2	10	nein	10	1010	nein
3	11	ja	11	1011	nein
4	100	nein	12	1100	ja
5	101	nein	13	1101	nein
6	110	ja	14	1110	nein
7	111	nein	15	1111	ja

Der Automat akzeptiert genau die Binärzahlen, welche durch 3 teilbar sind.

Gib einen DFA über $\Sigma = \{0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9\}$ an, der alle nichtnegativen ganzen Zahlen ohne führende Nullen akzeptiert. Beispiele: akzeptiert werden 0, 445, 20008, ...; nicht aber 00, 007,

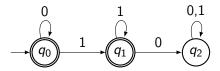
DFA über $\Sigma = \{0,1,\dots,9\}$, der alle nichtnegativen ganzen Zahlen ohne führende Nullen akzeptiert:



Beachte, dass eine einzelne Null in einem separaten Zustand (q_1) akzeptiert wird aber alle Wörter, die aus mehr als einem Zeichen bestehen und mit einer Null beginnen, gleich nach dieser ersten Null in einem nicht akzeptierenden Zustand (q_3) landen müssen, aus dem es "kein Entkommen" gibt.

Gib einen DFA an, der alle Wörter über dem Alphabet $\Sigma = \{0,1\}$ akzeptiert, die aus einer (möglicherweise leeren) Folge von Nullen, gefolgt von einer (möglicherweise leeren) Folge von Einsen bestehen.

Ein DFA, der alle Wörter akzeptiert, die aus einer (möglicherweise leeren) Folge von Nullen, gefolgt von einer (möglicherweise leeren) Folge von Einsen bestehen:

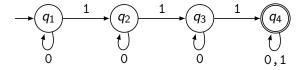


Auch hier muss man mit dem Zustand q_2 (einer "Senke") dafür sorgen, dass ein Wort nicht akzeptiert wird, selbst wenn der Automat die ersten Zeichen akzptiert, aber danach noch Zeichen folgen, welche die Bedingung an die Sprache des Automaten verletzen.

Gib eine graphische Darstellung eines DFAs an, der die folgende Sprache erkennt, die über dem Alphabet $\Sigma=\{0,1\}$ definiert ist.

 $L = \{w : w \text{ enthält mindestens drei 1en}\}$

 $L = \{w \colon w \text{ enthält mindestens drei 1en}\}; \Sigma = \{0,1\}$



Gib eine graphische Darstellung eines DFAs an, der die folgende Sprache erkennt, die über dem Alphabet $\Sigma=\{0,1\}$ definiert ist.

$$L = \{ \}$$

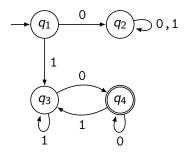
$$L = \{ \}$$

$$\rightarrow (q_1) \rightarrow 0,1$$

Gib eine graphische Darstellung eines DFAs an, der die folgende Sprache erkennt, die über dem Alphabet $\Sigma=\{0,1\}$ definiert ist.

 $L = \{w : w \text{ beginnt mit einer 1 und endet mit einer 0}\}$

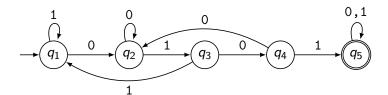
 $\textit{L} = \{\textit{w} : \textit{w} \text{ beginnt mit einer 1 und endet mit einer 0}\}; \, \Sigma = \{0,1\}$



Gib eine graphische Darstellung eines DFAs an, der die folgende Sprache erkennt, die über dem Alphabet $\Sigma=\{0,1\}$ definiert ist.

```
L=\{w\colon w \text{ enth\"alt das Teilwort 0101}\} d. h. L=\{w\colon w=x0101y \text{ f\"ur beliebige } x,y\in \Sigma^*\}
```

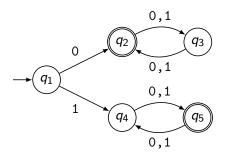
 $L = \{w : w \text{ enthält das Teilwort 0101}\}$



Gib eine graphische Darstellung eines DFAs an, der die folgende Sprache erkennt, die über dem Alphabet $\Sigma=\{0,1\}$ definiert ist.

 $L = \{w : w \text{ beginnt mit 0 und hat ungerade Länge} \}$

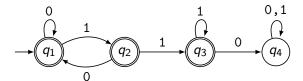
 $L = \{w : w \text{ beginnt mit 0 und hat ungerade Länge} \}$



Gib eine graphische Darstellung eines DFAs an, der die folgende Sprache erkennt, die über dem Alphabet $\Sigma=\{0,1\}$ definiert ist.

 $L = \{w : w \text{ enthält das Teilwort 110 nicht}\}$

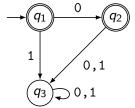
 $L = \{w : w \text{ enthält das Teilwort 110 nicht}\}$



Gib eine graphische Darstellung eines DFAs an, der die folgende Sprache erkennt, die über dem Alphabet $\Sigma=\{0,1\}$ definiert ist.

$$L = \{\varepsilon, 0\}$$

$$L = \{\varepsilon, 0\}$$



Gib eine graphische Darstellung eines DFAs an, der die folgende Sprache erkennt, die über dem Alphabet $\Sigma=\{0,1\}$ definiert ist.

 $L = \{w : w \text{ ist nicht das leere Wort}\}$

 $L = \{w : w \text{ ist nicht das leere Wort}\}$

