Aufgabe 1

$$\underline{\vec{a}} = (-1, 8, 1)$$

Aufgabe 2

$$\vec{a} = (7/5, -1)$$

Aufgabe 3

$$\begin{pmatrix} 5 \\ 3 \\ 1 \end{pmatrix} \times \begin{pmatrix} 1 \\ 2 \\ 1 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 1 \\ -4 \\ 7 \end{pmatrix} \quad \Rightarrow \quad g \colon x - 4y + 7 = 0$$

Aufgabe 4

$$\begin{pmatrix} 2 \\ -5 \\ 3 \end{pmatrix} \times \begin{pmatrix} 4 \\ 2 \\ -1 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} -1 \\ 14 \\ 24 \end{pmatrix} \quad \Rightarrow \quad S(-1/24, 7/12)$$

Aufgabe 5

$$\vec{r}_{S_1} = \begin{pmatrix} 5 \\ 2 \\ 1 \end{pmatrix} \times \begin{pmatrix} -1 \\ 7 \\ 0 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} -7 \\ -1 \\ 37 \end{pmatrix} \qquad \vec{r}_{S_2} = \begin{pmatrix} 0 \\ 3 \\ 4 \end{pmatrix} \times \begin{pmatrix} 6 \\ 8 \\ 9 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} -5 \\ 24 \\ -18 \end{pmatrix}$$

Die Berechnung der affinen Koordinaten ist überflüssig.

$$\begin{pmatrix} -7 \\ -1 \\ 37 \end{pmatrix} \times \begin{pmatrix} -5 \\ 24 \\ -18 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} -870 \\ -311 \\ -173 \end{pmatrix} \qquad \Rightarrow \quad s \colon -870x - 311y - 173 = 0$$

Aufgabe 6

$$\begin{pmatrix} -4\\6\\5 \end{pmatrix} \times \begin{pmatrix} 6\\-9\\1 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 51\\34\\0 \end{pmatrix}$$

Fernpunkt, da die (homogene) z-Koordinate des "Schnittpunkts" null ist.

Aufgabe 7

$$\begin{pmatrix} 3\\4\\1 \end{pmatrix} \times \begin{pmatrix} 5\\5\\0 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} -5\\5\\-5 \end{pmatrix}$$

g: x - y + 1 = 0 (Gerade durch P, parallel zu \overrightarrow{OQ})

Aufgabe 8

$$\begin{pmatrix} 3 \\ 4 \\ 0 \end{pmatrix} \times \begin{pmatrix} 5 \\ 5 \\ 0 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 0 \\ 0 \\ -5 \end{pmatrix}$$
$$s \colon -5 = 0$$

Das ist kein sinnvolles Ergebnis.